

Expression des algorithmes

encore de la communication

Jean-Marc.Vincent@univ-grenoble-alpes.fr

Laboratoire LIG, Équipe Inria POLARIS

DIU EIL
Grenoble 2019



LE MONDE

Facebook annonce une série de mesures pour lutter contre les fausses informations 16.12.2016

..... Facebook a également annoncé qu'il allait **ajuster l'algorithme de son fil d'actualité** pour refléter le fait que, selon l'entreprise, les utilisateurs ont tendance à moins partager un article si, après l'avoir lu, ils se sentent trompés par son titre.

Prix « Le Monde » de la recherche 2016 : aménager les villes grâce aux algorithmes 23.11.2016

Quand les algorithmes président aux destinées des élèves 14.11.2016

... Particulièrement bien adaptés à la tradition jacobine française, ces algorithmes ont eu depuis quinze ans le mérite de sortir l'orientation des élèves des décisions arbitraires, des passe-droits, des files d'attente et de la règle du *premier arrivé, premier servi* qui régnait par le passé. ***L'objectif de ces algorithmes est de mettre tous les élèves sur un pied d'égalité, puisque toutes les demandes sont traitées en même temps, comme l'économiste Julien Grenet, spécialiste des algorithmes de répartition scolaire, mais cela ne fonctionne que si on garantit la transparence du processus et des critères de priorité, et si tout le monde les connaît.*** Et c'est là, en France, que le bât blesse.

Développés de manière empirique, sans réels débats démocratiques à même de les justifier et d'éloigner les soupçons, les zones d'ombre de ces algorithmes occultent parfois les bénéfices apportés....

LE FIGARO

Un algorithme pour détecter les pensées suicidaires 22/11/2016

... Leurs réponses, passées à la **moulinette d'un algorithme**, permettront de repérer les patients à risque de rechute. ...

Google revoit son algorithme 21/12/2016

... Des ajustements récents dans les algorithmes de Google "aideront à faire apparaître des contenus plus crédibles et de meilleure qualité", a encore affirmé l'entreprise. ...

La France se penche sur la régulation des algorithmes 16/12/2016

... Axelle Lemaire a annoncé les premières mesures entreprises par Bercy pour faire face à la montée en puissance des algorithmes. ...

Le Conseil national du numérique (CNNum) a été saisi pour réfléchir à un outil grand public capable de renseigner les mauvaises expériences rencontrées par des utilisateurs avec des algorithmes, tandis que l'INRIA coordonnera le lancement d'une plateforme scientifique explorant l'enjeu éthique des algorithmes. ...

DAUPHINÉ LIBÉRÉ

Pôle emploi lance le site Bob-emploi pour aider les chômeurs *15/11/2016*

... Ce site, qui se veut un «service public citoyen», **fonctionne avec un algorithme** capable d'analyser les données sur le marché du travail, la situation de chaque chômeur, et, fait innovant, sur les parcours anonymisés de millions de chômeurs précédents, pour les mettre à disposition de l'utilisateur. ...

Êtes-vous beau ? Une intelligence artificielle note votre visage *09/10/2016*

... La beauté est subjective. Pourtant des ingénieurs de l'agence japonaise Party ont mis au point **un algorithme permettant de répondre à la question "Êtes-vous beau ?"**. Sur la plate-forme Deeplooks, une intelligence artificielle est ainsi capable de noter entre 1 et 5 la beauté de votre visage à partir d'une simple photo. ...

ALGORITHMIQUE ET MODÉLISATION

- 1 **ALGORITHME : un objet complexe**
- 2 EXPRESSION : un objet de communication
- 3 SYNTHÈSE (personnelle)

VOUS AVEZ DIT *algorithme* ?

PRÉPARATION 10 min

CUISSON 15 min

POUR 12 madeleines

100 g de farine

3 g de levure chimique

100 g de beurre

1/4 de citron non traité

2 œufs

120 g de sucre en poudre

Madeleines

- 1 Tamisez ensemble la farine et la levure au-dessus d'un bol.
- 2 Faites fondre le beurre dans une petite casserole et laissez-le refroidir.
- 3 Hachez finement le zeste du 1/4 de citron.
- 4 Cassez les œufs dans une terrine, versez le sucre par-dessus. Fouettez pendant 5 minutes pour bien les faire mousser ; ajoutez le mélange farine-levure en pluie,

puis le beurre et le zeste haché, sans cesser de tourner.

5 Préchauffez le four à 220 °C.

6 Beurrez légèrement la plaque à madeleines et remplissez-la de pâte seulement aux deux tiers. Mettez au four pendant 5 minutes à 220 °C puis baissez la température à 200 °C et laissez cuire encore 10 minutes.

7 Démoulez les madeleines tièdes et laissez-les refroidir.

Extrait du Larousse des Desserts par Pierre Hermé

VOUS AVEZ DIT *algorithme* ?

PRÉPARATION 10 min

CUISSON 15 min

POUR 12 **madeleines**

100 g de farine

3 g de levure chimique

100 g de beurre

1/4 de citron non traité

2 œufs

120 g de sucre en poudre

Madeleines

- 1 Tamisez ensemble la farine et la levure au-dessus d'un bol.
- 2 Faites fondre le beurre dans une petite casserole et laissez-le refroidir.
- 3 Hachez finement le zeste du 1/4 de citron.
- 4 Cassez les œufs dans une terrine, versez le sucre par-dessus. Fouettez pendant 5 minutes pour bien les faire mousser ; ajoutez le mélange farine-levure en pluie,

puis le beurre et le zeste haché, sans cesser de tourner.

5 Préchauffez le four à 220 °C.

6 Beurrez légèrement la plaque à madeleines et remplissez-la de pâte seulement aux deux tiers. Mettez au four pendant 5 minutes à 220 °C puis baissez la température à 200 °C et laissez cuire encore 10 minutes.

7 Démoulez les madeleines tièdes et laissez-les refroidir.

Extrait du Larousse des Desserts par Pierre Hermé



VOUS AVEZ DIT *algorithme* ?

PRÉPARATION 10 min

CUISSON 15 min

POUR 12 **madeleines**

100 g de farine

3 g de levure chimique

100 g de beurre

1/4 de citron non traité

2 œufs

120 g de sucre en poudre

Madeleines

- 1 Tamisez ensemble la farine et la levure au-dessus d'un bol.
- 2 Faites fondre le beurre dans une petite casserole et laissez-le refroidir.
- 3 Hachez finement le zeste du 1/4 de citron.
- 4 Cassez les œufs dans une terrine, versez le sucre par-dessus. Fouettez pendant 5 minutes pour bien les faire mousser ; ajoutez le mélange farine-levure en pluie,

puis le beurre et le zeste haché, sans cesser de tourner.

5 Préchauffez le four à 220 °C.

6 Beurrez légèrement la plaque à madeleines et remplissez-la de pâte seulement aux deux tiers. Mettez au four pendant 5 minutes à 220 °C puis baissez la température à 200 °C et laissez cuire encore 10 minutes.

7 Démoulez les madeleines tièdes et laissez-les refroidir.

Extrait du Larousse des Desserts par Pierre Hermé



Informellement :

un **algorithme** est un processus systématique pour réaliser un objectif.

UN PEU D'HISTOIRE : LES PREMIERS ALGORITHMES

Euclide d'Alexandrie
III^{ème} siècle avant JC.



Calcul sur les entiers
 $PGCD(a, b)$

Muhammad ibn Musa al-Khwarizmi
IX^{ème} siècle.



Calcul algébrique
 $5 = 3.x + 2$

DÉFINITION DU *Grand Robert*

algorithme [algoritm] n. m.

ÉTYM. 1554; *algorisme*, XIII^e; *augorisme*, v. 1230, « calcul en chiffres arabes »; au XVI^e, « arithmétique »; anc. esp. *alguarismo*, lat. médiéval *algorithmus*, nom latinisé du grand mathématicien arabe surnommé (ʿ)āḥ-ḥūwārizmī (*Al-Khawarizmi*, → Algèbre) pris comme nom commun, également sous la forme *algorismus*.



◆ Didactique.

1 **Hist. des sc.** Système de numérotation décimale (emprunté aux Arabes).

◆ **Vx.** Règles de l'arithmétique élémentaire.

◆ Règles opératoires intervenant dans une des opérations de l'arithmétique. | *L'algorithme de la division.* | *L'algorithme de la division.*

2 **Mod.** Ensemble des règles opératoires propres à un calcul. → Mathématique, et. o. z. | *Algorithmes du calcul intégral, des puissances, etc.* | *Algorithme d'Euclide* (ou du plus grand commun diviseur). | *Algorithme infiniésimal de Leibniz.*

◆ **Par ext.** Suite de règles formelles explicitée par une représentation de type mathématique et correspondant à un enchaînement nécessaire; cette représentation mathématique. | *Construction mentale à base d'algorithmes.* | *Les algorithmes de la logique formelle.* — **Inform.** Calcul, enchaînement des actions nécessaires à l'accomplissement d'une tâche. → **Automate.** | *Langage destiné aux algorithmes.* → **Algol.**

- o** Intuitivement, un algorithme est un ensemble de règles qui permet de réaliser mécaniquement toute opération particulière correspondant à un type d'opération. On peut encore dire que c'est une procédure mécanique qui, appliquée à une certaine classe de symboles (symboles d'entrée), fournit, éventuellement, un symbole de sortie (...)
- a) Un algorithme est un ensemble d'instructions de *taille finie* (...)
- b) Un opérateur (humain, mécanique, optique, etc., ou électronique) réagit aux instructions et effectue le calcul.
- c) Des dispositifs (papier et crayon, roues dentées, mémoires magnétiques, etc.) permettent d'effectuer, de stocker et de retrouver les différentes étapes du calcul.
- d) *Les processus sont essentiellement discrets* (...)
- e) La suite des opérations élémentaires à effectuer est *parfaitement déterminée* (...)

M. GROSS et A. LENTIN, Notions sur les grammaires formelles, p. 43-44.

DÉFINITIONS

Dictionnaire *Larousse*

Ensemble de règles opératoires dont l'application permet de résoudre un problème énoncé au moyen d'un nombre fini d'opérations. Un algorithme peut être traduit, grâce à un langage de programmation, en un programme exécutable par un ordinateur.

Dictionnaire *CNRTL ALGORITHME*, subst. masc.

A. MATHÉMATIQUES

1. Anciennement

a) Système de numération décimale en chiffres arabes.

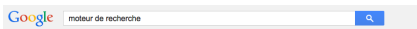
b) „Ensemble des règles du calcul des nombres écrits dans le système décimal (les « quatre règles »).“ (Lal. 1968).

c) Ensemble des règles opératoires intervenant dans toute espèce de calcul. L'algorithme de la division (Lar. encyclop.), l'algorithme de la multiplication (Foulq.-St-Jean 1962) :

2. Sens mod. Ensemble de symboles et de procédés propres à un calcul algorithme du calcul intégral, algorithme du calcul des sinus, algorithme des puissances, algorithme des différences... (Lar. 19e) ; p. ext. „ensemble de formules, de signes et de conventions accessibles aux seuls initiés“ (Quillet 1965) :

B. P. ext. [Du domaine math. au domaine du raisonnement et de la log.] Mécanisme réglant le fonctionnement de la pensée organisée et s'explicitant par des représentations analogues à celles des mathématiciens

À QUOI ÇA SERT ?



Environ 37 300 000 résultats (0,16 secondes)

Les cookies assurent le bon fonctionnement de nos services. En utilisant ces derniers, vous acceptez l'utilisation des cookies.

[OK](#) [En savoir plus](#)

Yahoo! Search - Recherche Web

fr.search.yahoo.com/

Le moteur de recherche qui vous aide à trouver exactement ce que vous recherchez. Trouver les informations, vidéos, images et réponses les plus pertinentes ...

Moteur de recherche - Mozbot France - La recherche facile et rapide

www.mozbot.fr/

Moteur de recherche Mozbot en partenariat avec Broude-Internet, Abondance et Google : résultats, synonymes, expressions connexes, statistiques mots clés, ...

Moteur de recherche - Wikipédia

fr.wikipedia.org/wiki/Moteur_de_recherche

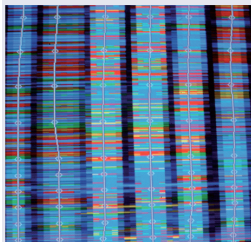
Un moteur de recherche est une application web permettant de retrouver des ressources (pages web, articles de forums Usenet, images, vidéos, fichiers, etc) ...

Moteur de recherche - Ixquick

<https://ixquick.com/fr/>

Ixquick offre des résultats performants des recherches approfondies tout en protégeant votre vie privée !

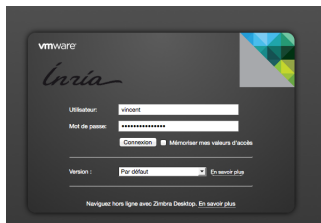
Quand l'ADN se met en rang



Séquençage de l'ADN (© Inserm/Depardieu M.)

Voici ce qui ressortirait sur l'écran d'un séquenceur ADN : chaque colonne représente une séquence et chaque couleur une lettre de la séquence. C'est sur ces premières données informatiques brutes que le chercheur commence son décryptage.

<http://interstices.info/decoder-vivant>



ALGORITHMIQUE ET MODÉLISATION

- 1 ALGORITHME : un objet complexe
- 2 **EXPRESSION : un objet de communication**
- 3 SYNTHÈSE (personnelle)

EXPRESSION D'UN ALGORITHME

Le langage algorithmique est une convention

qui permet d'exprimer à un **lecteur**

- 1 l'idée de l'algorithme (principe, déroulement,...)
- 2 lui permettre de faire la preuve (correction et terminaison) de celui-ci et de pouvoir analyser sa complexité
- 3 de pouvoir le traduire facilement dans un langage de programmation

Le langage algorithmique est donc plus ou moins proche d'un langage naturel ou d'un langage de programmation.

Un algorithme est un objet de communication

- ▶ systématisation : dans un langage de référence
- ▶ à niveau d'abstraction
- ▶ dans un contexte permettant l'analyse (preuve et complexité)
- ▶ et opérationnel (permettant la programmation)

Exemple : tri par insertion

TRI PAR INSERTION : TD D'ALGORITHMIQUE

Une itération ($i = 2$ à n) à chaque pas de laquelle on insère à sa place l'élément d'indice i dans la séquence triée formée des $i - 1$ premiers éléments.

Initialement : l'élément 1 forme une séquence triée.

Finalement : les n éléments sont triés.

On effectue l'insertion par une recherche séquentielle de l'emplacement k de l'élément i , et un décalage vers la droite des éléments de k à $i - 1$.

L'algorithme classique effectue ces deux opérations ensemble, c'est-à-dire décale l'élément i vers la gauche (par un échange) jusqu'à ce qu'il atteigne sa "bonne" place.

TRI PAR INSERTION : OUVRAGE DE CORMEN ET AL.

TRI-INSERTION(A)

```
1  pour  $j \leftarrow 2$  à  $\text{longueur}[A]$ 
2      faire  $\text{clé} \leftarrow A[j]$ 
3          ▷ Insère  $A[j]$  dans la séquence triée  $A[1 \dots j - 1]$ .
4           $i \leftarrow j - 1$ 
5          tant que  $i > 0$  et  $A[i] > \text{clé}$ 
6              faire  $A[i + 1] \leftarrow A[i]$ 
7                   $i \leftarrow i - 1$ 
8           $A[i + 1] \leftarrow \text{clé}$ 
```

seule l'idée est donnée,

il n'y a pas de déclaration de variables,

il est implicite que A est un tableau,

clé l'élément qui permet la comparaison, i, j des indices de tableau,...

TRI PAR INSERTION : OUVRAGE DE SEDGEWICK ET AL.

ALGORITHM 2.2 Insertion sort

```
public class Insertion
{
    public static void sort(Comparable[] a)
    { // Sort a[] into increasing order.
        int N = a.length;
        for (int i = 1; i < N; i++)
        { // Insert a[i] among a[i-1], a[i-2], a[i-3]... ..
            for (int j = i; j > 0 && less(a[j], a[j-1]); j--)
                exch(a, j, j-1);
        }
        // See page 245 for less(), exch(), isSorted(), and main().
    }
}
```

parti pris de décrire les algorithmes dans un langage de programmation ici Java
abstraction des opérateurs (less à la place de <),
syntaxe et propriétés du langage de programmation.

TRI PAR INSERTION : OUVRAGE DE DENENBERG ET AL.

```
procedure InsertionSort(table  $A[0..n-1]$ ):  
{Sort by inserting each item in position in the table of elements to its left}  
  for  $i$  from 1 to  $n-1$  do  
     $j \leftarrow i$     { $j$  scans to the left to find where  $A[i]$  belongs}  
     $x \leftarrow A[i]$   
    while  $j \geq 1$  and  $A[j-1] > x$  do  
       $A[j] \leftarrow A[j-1]$   
       $j \leftarrow j-1$   
     $A[j] \leftarrow x$ 
```

Algorithm 11.1 Insertion Sort.

mélange des approches

symboles et syntaxe spécifique

TRI PAR INSERTION : OUVRAGE DE KNUTH

5.2.1. Sorting by Insertion

One of the important families of sorting techniques is based on the “bridge player” method mentioned near the beginning of Section 5.2: Before examining record R_j , we assume that the preceding records R_1, \dots, R_{j-1} have already been sorted; then we insert R_j into its proper place among the previously sorted records. Several interesting variations on this basic theme are possible.

Straight insertion. The simplest insertion sort is the most obvious one. Assume that $1 < j \leq N$ and that records R_1, \dots, R_{j-1} have been rearranged so that

$$K_1 \leq K_2 \leq \dots \leq K_{j-1}.$$

(Remember that, throughout this chapter, K_j denotes the key portion of R_j .) We compare the new key K_j with K_{j-1}, K_{j-2}, \dots , in turn, until discovering that R_j should be inserted between records R_i and R_{i+1} ; then we move records R_{i+1}, \dots, R_{j-1} up one space and put the new record into position $i+1$. It is convenient to combine the comparison and moving operations, interleaving them as shown in the following algorithm; since R_j “settles to its proper level” this method of sorting has often been called the *sifting* or *sinking* technique.

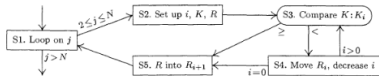


Fig. 10. Algorithm S: Straight insertion.

représentation graphique

schéma itératif (steps), non modulaire

Algorithm S (*Straight insertion sort*). Records R_1, \dots, R_N are rearranged in place; after sorting is complete, their keys will be in order, $K_1 \leq \dots \leq K_N$.

5.2.1

SORTING BY INSERTION 81

- S1.** [Loop on j .] Perform steps S2 through S5 for $j = 2, 3, \dots, N$; then terminate the algorithm.
- S2.** [Set up i, K, R .] Set $i \leftarrow j - 1$, $K \leftarrow K_j$, $R \leftarrow R_j$. (In the following steps we will attempt to insert R into the correct position, by comparing K with K_i for decreasing values of i .)
- S3.** [Compare $K : K_i$.] If $K \geq K_i$, go to step S5. (We have found the desired position for record R .)
- S4.** [Move R_i , decrease i .] Set $R_{i+1} \leftarrow R_i$, then $i \leftarrow i - 1$. If $i > 0$, go back to step S3. (If $i = 0$, K is the smallest key found so far, so record R belongs in position 1.)
- S5.** [R into R_{i+1} .] Set $R_{i+1} \leftarrow R$. ■

TRI PAR INSERTION : OUVRAGE DE AHO ET AL.

Insertion Sorting

The second sorting method we shall consider is called "insertion sort," because on the i^{th} pass we "insert" the i^{th} element $A[i]$ into its rightful place among $A[1], A[2], \dots, A[i-1]$, which were previously placed in sorted order. After doing this insertion, the records occupying $A[1], \dots, A[i]$ are in sorted order. That is, we execute

```

for  $i := 2$  to  $n$  do
  move  $A[i]$  forward to the position  $j \leq i$  such that
     $A[i] < A[k]$  for  $j \leq k < i$ , and
    either  $A[i] \geq A[j-1]$  or  $j = 1$ 

```

To make the process of moving $A[i]$ easier, it helps to introduce an element $A[0]$, whose key has a value smaller than that of any key among $A[1], \dots, A[n]$. We shall postulate the existence of a constant $-\infty$ of type keytype that is smaller than the key of any record that could appear in practice. If no constant $-\infty$ can be used safely, we must, when deciding whether to push $A[i]$ up before position j , check first whether $j = 1$, and if not, compare $A[i]$ (which is now in position j) with $A[j-1]$. The complete program is shown in Fig. 8.5.

```

(1)  $A[0].key := -\infty;$ 
(2) for  $i := 2$  to  $n$  do begin
(3)    $j := i;$ 
(4)   while  $A[j] < A[j-1]$  do begin
(5)     swap( $A[j], A[j-1]$ );
(6)      $j := j-1$ 
      end
    end
end

```

Fig. 8.5. Insertion sort.

TRI PAR INSERTION : WIKIPEDIA FR - EN

En français

```
procédure tri_insertion(tableau T, entier n)
  pour i de 1 à n-1
    x ← T[i]
    j ← i
    tant que j > 0 et T[j - 1] > x
      T[j] ← T[j - 1]
      j ← j - 1
    fin tant que
    T[j] ← x
  fin pour
fin procédure
```

En anglais version1

```
for i ← 1 to length(A) - 1
  j ← i
  while j > 0 and A[j-1] > A[j]
    swap A[j] and A[j-1]
  j ← j - 1
```

version 2

```
for i = 1 to length(A) - 1
  x = A[i]
  j = i
  while j > 0 and A[j-1] > x
    A[j] = A[j-1]
    j = j - 1
  A[j] = x
```

Autres sites

<http://openclassrooms.com/courses/le-tri-par-insertion>

http://rosettacode.org/wiki/Sorting_algorithms/Insertion_sort

<http://www.sorting-algorithms.com/insertion-sort>

ALGORITHMIQUE ET MODÉLISATION

- 1 ALGORITHME : un objet complexe
- 2 EXPRESSION : un objet de communication
- 3 **SYNTHÈSE (personnelle)**

PRINCIPES POUR LA CONCEPTION D'ALGORITHMES

- ❶ Déterminer les entrées et les sorties (spécification)
- ❷ Trouver la structure de donnée adaptée pour ce problème
 - Ne pas hésiter à pré-traiter les entrées pour les mettre sous une forme adéquate
- ❸ Essayer de réduire le problème à un problème connu
 - Tri, recherche, chemin dans un graphe,...
 - Vérifier si une solution existe déjà (livres, internet,...)
- ❹ Décider de la manière d'approcher le problème : itératif/récurif/mix
 - Dépend de la manière de penser, de la facilité à trouver des invariants, de la manière de décomposer le problème en sous problèmes,...
- ❺ **Écrire** l'algorithme
- ❻ Faire tourner l'algorithme sur des exemples simples et des exemples "limite".
- ❼ Donner les invariants de l'algorithme et faire la preuve
- ❽ Évaluer la complexité de l'algorithme

PRINCIPES POUR L'EXPRESSION DES ALGORITHMES

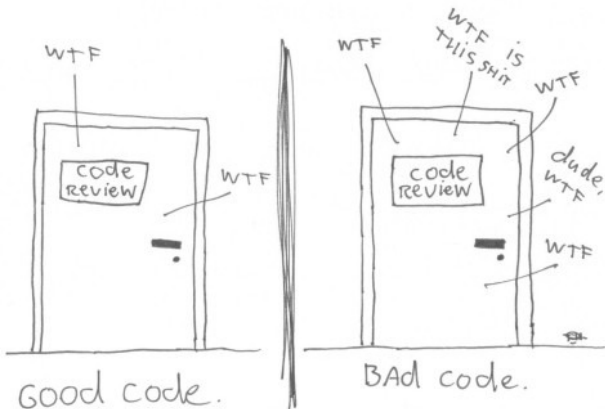
Ma position personnelle (que certains de mes collègues ne partagent pas) :

- ▶ Un algorithme est toujours accompagné de schémas (ou dessins) et de texte
représentation de l'état des variables,
- ▶ utiliser les conventions
(i, j sont des indices, x un réel, n un entier par exemple une taille de tableau, . . .).
- ▶ utiliser des identificateurs explicites, une variable = un usage
noms de variables, de fonctions,
- ▶ la forme est importante
l'indentation doit permettre de comprendre la structure de l'algorithme
- ▶ mettre des commentaires dans le code et accompagner l'algorithme par une explication en
français
- ▶ ne mettre que l'information importante : minimiser l'encre
- ▶ être cohérent
utiliser le même formalisme pour toutes les présentations d'algorithmes

de manière plus générale

favoriser tout ce qui aide à la compréhension et éliminer ce qui peut perturber la lecture

The ONLY valid measurement
of code quality: WTFs/minute



(c) 2008 Focus Shift/OSNews/Thom Holwerda - <http://www.osnews.com/comics>